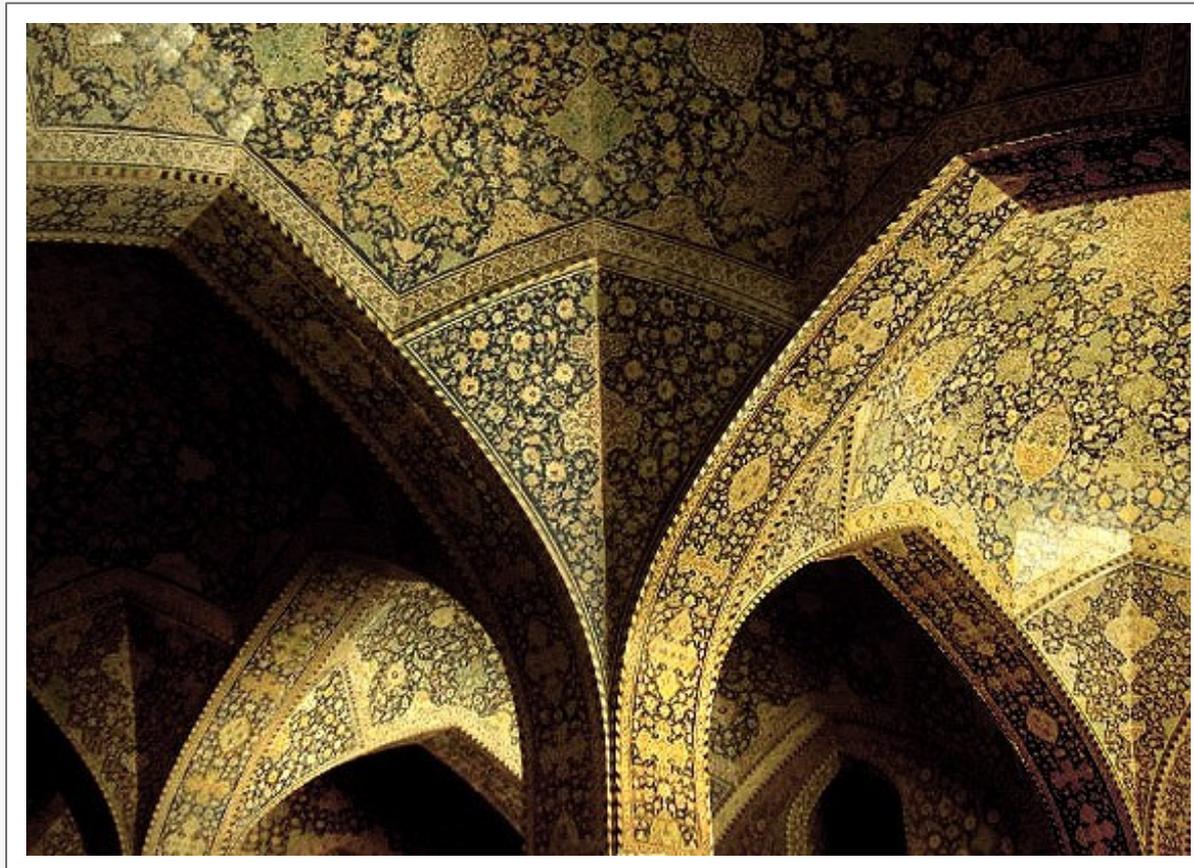


Potenzfunktionen mit reellen Exponenten

Bei den **Potenzfunktionen** mit reellen Exponenten handelt es sich um Funktionen der Art

$$y = x^\alpha$$



<http://lh3.ggpht.com/abramsv/R8PGjKoD8KI/AAAAAAAAJUA/qHpSlniSrIs/625.jpg>

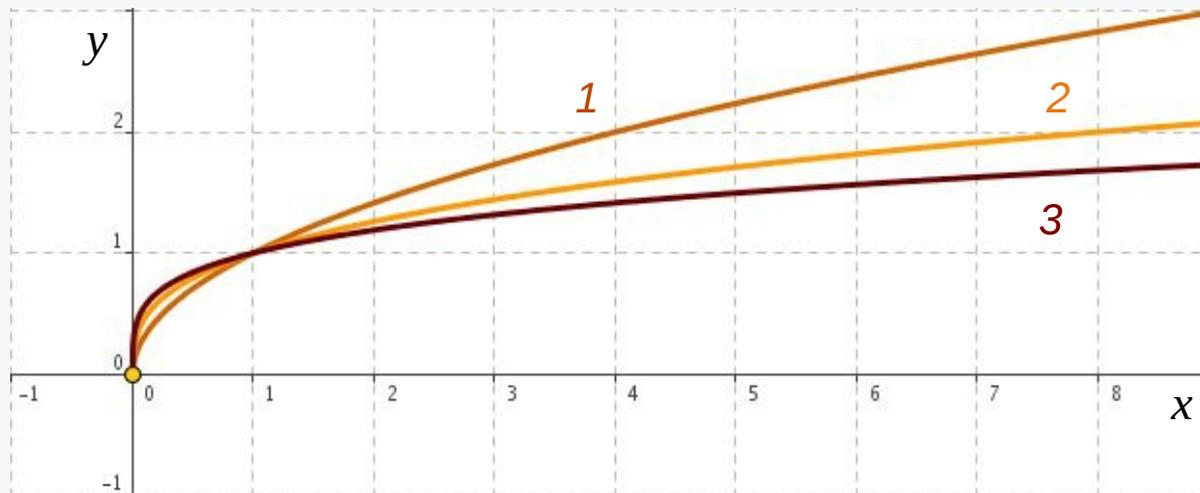
Wurzelfunktionen

$$y = x^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{x}$$

Der Definitionsbereich aller Wurzelfunktionen $y = \sqrt[n]{x}$ ist

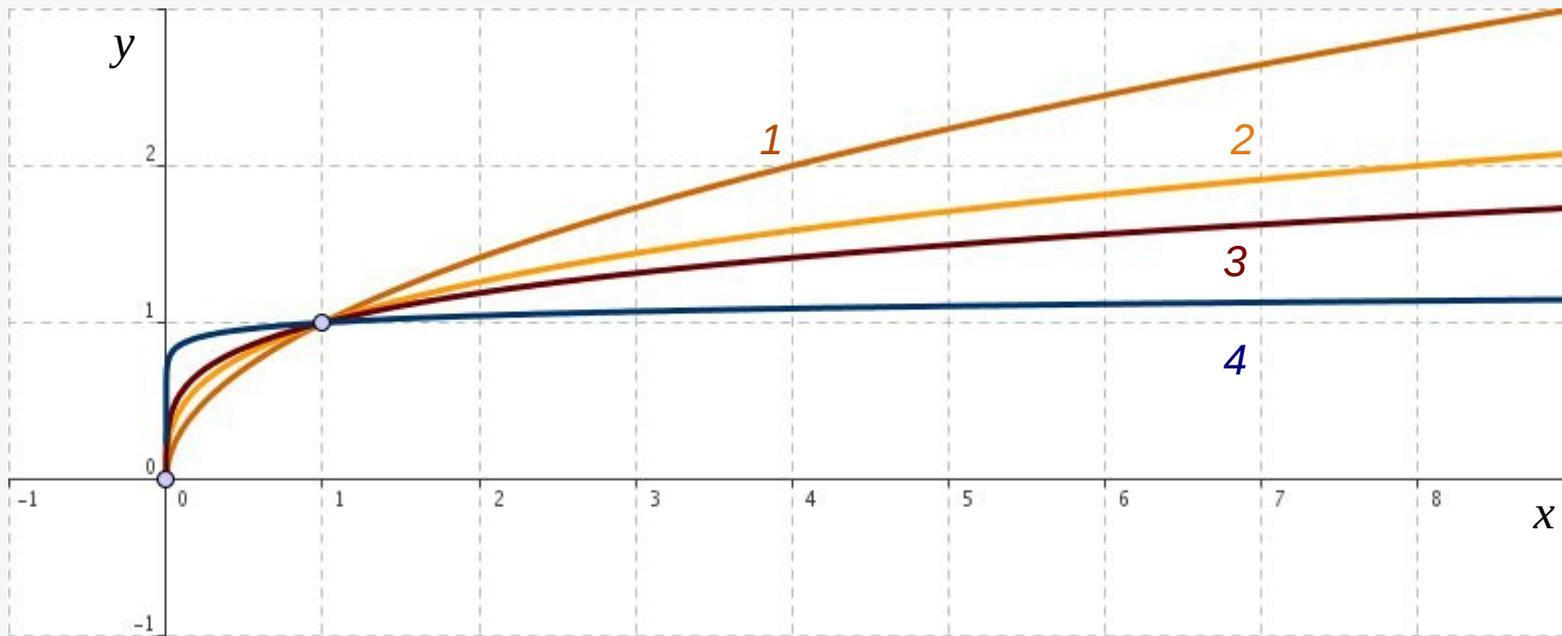
$$D = [0, \infty)$$

Da Wurzeln im Reellen nur für positive Radikanden x erklärt sind, ist eine Untersuchung der Symmetrie dieser Funktionen überflüssig.



1. $y = \sqrt{x}$,
2. $y = \sqrt[3]{x}$,
3. $y = \sqrt[4]{x}$

Wurzelfunktionen



1. $y = \sqrt{x}$, 2. $y = \sqrt[3]{x}$, 3. $y = \sqrt[4]{x}$, 4. $y = \sqrt[16]{x}$

Definitionsbereich: $[0, \infty)$

Wertebereich: $[0, \infty)$

Symmetrie: keine

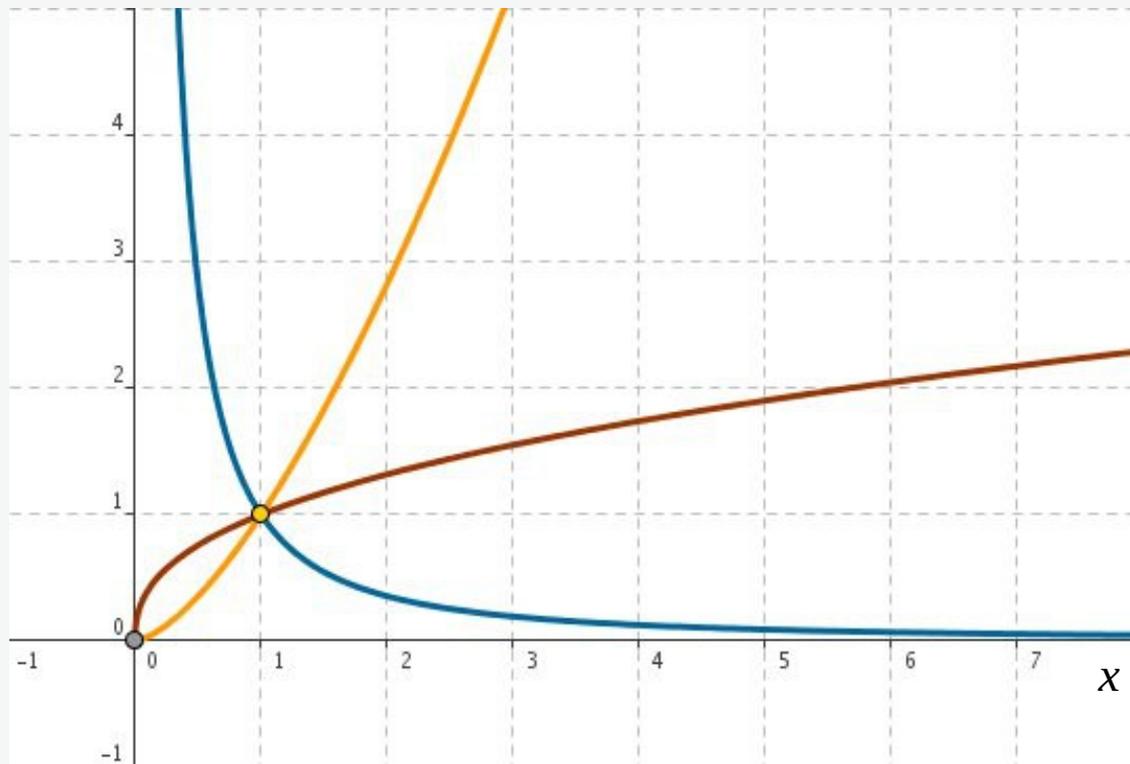
Monotonie: streng monoton steigend

Gemeinsame Punkte: $O(0, 0)$, $P(1, 1)$,

Potenzfunktionen mit rationalen Exponenten

Potenzfunktionen mit rationalen Exponenten lassen sich stets als Wurzelfunktionen ausdrücken:

$$y = x^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{x^m}$$



1. $y = x^{\frac{3}{2}} = x \cdot \sqrt{x}$, 2. $y = x^{\frac{2}{5}} = \sqrt[5]{x^2}$, 3. $y = x^{-\frac{3}{2}} = \frac{1}{x \cdot \sqrt{x}}$